Simulacija translacijskog elektromagnetnog aktuatora numeričkim simulacijskim alatima

Rošić, Matej

Master's thesis / Diplomski rad

2020

Degree Grantor / Ustanova koja je dodijelila akademski / stručni stupanj: Josip Juraj Strossmayer University of Osijek, Faculty of Electrical Engineering, Computer Science and Information Technology Osijek / Sveučilište Josipa Jurja Strossmayera u Osijeku, Fakultet elektrotehnike, računarstva i informacijskih tehnologija Osijek

Permanent link / Trajna poveznica: https://urn.nsk.hr/urn:nbn:hr:200:236206

Rights / Prava: In copyright/Zaštićeno autorskim pravom.

Download date / Datum preuzimanja: 2025-04-02

Repository / Repozitorij:

Faculty of Electrical Engineering, Computer Science and Information Technology Osijek



SSVEUČILIŠTE JOSIPA JURJA STROSSMAYERA U OSIJEKU FAKULTET ELEKTROTEHNIKE RAČUNARSTVA I INFORMACIJSKIH TEHNOLOGIJA Sveučilišni studij

SIMULACIJA TRANSLACIJSKOG ELEKTROMAGNETNOG AKTUATORA NUMERIČKIM SIMULACIJSKIM ALATIMA

Diplomski rad

MATEJ ROŠIĆ

Osijek, 2020.

Sadržaj

1. UVOD
1.1. Zadatak diplomskog rada1
2. PREGLED LITERATURE
3. ELEKTROMAGNETIZAM
3.1 Definicija, vrste i povijest magnetizma
3.1.2. Feromagnetizam
3.1.3. Paramagnetizam
3.2. Veličine i svojstva magnetskog polja
3.2.2. Magnetsko polje oko ravnog vodiča i zavojnice
4. IZVEDBA I PRIMJENA TRANSLACIJSKOG AKTUATORA11
4.1. Vrste aktuatora11
4.2. Mehanički i elektromehanički aktuatori12
4.3. Pneumatski aktuatori
4.4. Hidraulični aktuatori14
4.4. Hidraulični aktuatori144.5. Elektromagnetski aktuatori
 4.4. Hidraulični aktuatori
 4.4. Hidraulični aktuatori
4.4. Hidraulični aktuatori 14 4.5. Elektromagnetski aktuatori 15 5. PRIKAZ POSTUPKA IZRADE SIMULACIJSKOG GEOMETRIJSKOG 17 5.1. Izrada geometrijskog modela u programskom paketu Ansys 17 5.2. Zadavanje parametara simulacije 21
4.4. Hidraulični aktuatori 14 4.5. Elektromagnetski aktuatori 15 5. PRIKAZ POSTUPKA IZRADE SIMULACIJSKOG GEOMETRIJSKOG 17 5.1. Izrada geometrijskog modela u programskom paketu Ansys 17 5.2. Zadavanje parametara simulacije 21 5.3. Rezultati simulacije 27
4.4. Hidraulični aktuatori. 14 4.5. Elektromagnetski aktuatori. 15 5. PRIKAZ POSTUPKA IZRADE SIMULACIJSKOG GEOMETRIJSKOG 17 5.1. Izrada geometrijskog modela u programskom paketu Ansys. 17 5.2. Zadavanje parametara simulacije 21 5.3. Rezultati simulacije 27 5.4 Prikaz elektromagnetskih polja i izračun parametara potrebnih za izradu modela u Matlabu 30
4.4. Hidraulični aktuatori. 14 4.5. Elektromagnetski aktuatori. 15 5. PRIKAZ POSTUPKA IZRADE SIMULACIJSKOG GEOMETRIJSKOG 17 5.1. Izrada geometrijskog modela u programskom paketu Ansys. 17 5.2. Zadavanje parametara simulacije 21 5.3. Rezultati simulacije 27 5.4 Prikaz elektromagnetskih polja i izračun parametara potrebnih za izradu modela u Matlabu 30 6. POSTUPAK IZRADE SIMULACIJSKOG MODELA NA RAZINI MREŽE U MATLABU. 34
4.4. Hidraulični aktuatori. 14 4.5. Elektromagnetski aktuatori. 15 5. PRIKAZ POSTUPKA IZRADE SIMULACIJSKOG GEOMETRIJSKOG 17 5.1. Izrada geometrijskog modela u programskom paketu Ansys. 17 5.2. Zadavanje parametara simulacije 21 5.3. Rezultati simulacije 27 5.4 Prikaz elektromagnetskih polja i izračun parametara potrebnih za izradu modela u Matlabu 30 6. POSTUPAK IZRADE SIMULACIJSKOG MODELA NA RAZINI MREŽE U MATLABU. 34 6.1. Matematički model aktuatora 34
4.4. Hidraulični aktuatori. 14 4.5. Elektromagnetski aktuatori. 15 5. PRIKAZ POSTUPKA IZRADE SIMULACIJSKOG GEOMETRIJSKOG 17 5.1. Izrada geometrijskog modela u programskom paketu Ansys. 17 5.2. Zadavanje parametara simulacije 21 5.3. Rezultati simulacije 27 5.4 Prikaz elektromagnetskih polja i izračun parametara potrebnih za izradu modela u Matlabu 30 6. POSTUPAK IZRADE SIMULACIJSKOG MODELA NA RAZINI MREŽE U MATLABU 34 6.1. Matematički model aktuatora 34 6.2. Izrada modela u programskom paketu Matlab 35
4.4. Hidraulični aktuatori. 14 4.5. Elektromagnetski aktuatori. 15 5. PRIKAZ POSTUPKA IZRADE SIMULACIJSKOG GEOMETRIJSKOG 17 5.1. Izrada geometrijskog modela u programskom paketu Ansys. 17 5.2. Zadavanje parametara simulacije 21 5.3. Rezultati simulacije 27 5.4 Prikaz elektromagnetskih polja i izračun parametara potrebnih za izradu modela u Matlabu 30 6. POSTUPAK IZRADE SIMULACIJSKOG MODELA NA RAZINI MREŽE U MATLABU. 34 6.1. Matematički model aktuatora 34 6.2. Izrada modela u programskom paketu Matlab 35 6.3. Dinamičke karakteristike elekromagnetskog aktuatora 40
4.4. Hidraulični aktuatori 14 4.5. Elektromagnetski aktuatori 15 5. PRIKAZ POSTUPKA IZRADE SIMULACIJSKOG GEOMETRIJSKOG 17 5.1. Izrada geometrijskog modela u programskom paketu Ansys. 17 5.2. Zadavanje parametara simulacije 21 5.3. Rezultati simulacije 27 5.4 Prikaz elektromagnetskih polja i izračun parametara potrebnih za izradu modela u Matlabu 30 6. POSTUPAK IZRADE SIMULACIJSKOG MODELA NA RAZINI MREŽE U MATLABU. 34 6.1. Matematički model aktuatora 34 6.2. Izrada modela u programskom paketu Matlab 35 6.3. Dinamičke karakteristike elekromagnetskog aktuatora 40 7. ZAKLJUČAK 49
4.4. Hidraulični aktuatori. 14 4.5. Elektromagnetski aktuatori. 15 5. PRIKAZ POSTUPKA IZRADE SIMULACIJSKOG GEOMETRIJSKOG 17 5.1. Izrada geometrijskog modela u programskom paketu Ansys. 17 5.2. Zadavanje parametara simulacije 21 5.3. Rezultati simulacije 27 5.4 Prikaz elektromagnetskih polja i izračun parametara potrebnih za izradu modela u Matlabu 30 6. POSTUPAK IZRADE SIMULACIJSKOG MODELA NA RAZINI MREŽE U MATLABU. 34 6.1. Matematički model aktuatora 34 6.2. Izrada modela u programskom paketu Matlab 35 6.3. Dinamičke karakteristike elekromagnetskog aktuatora 40 7. ZAKLJUČAK 49

ABSTRACT	
ŽIVOTOPIS	
PRILOZI	



Obrazac D1: Obrazac za imenovanje Povjerenstva za diplomski ispit

Osijek, 10.07.2020.

Odboru za završne i diplomske ispite

Ime i prezime studenta:	Matej Rošić		
Studij, smjer:	Diplomski sveučilišni studij Elektrotehnika		
Mat. br. studenta, godina upisa:	D-1124	, 26.09.2019.	
OIB studenta:	811510	76860	
Mentor:	lzv. pro	f. dr. sc. Marinko Barukčić	
Sumentor:			
Sumentor iz tvrtke:			
Predsjednik Povjerenstva:	Prof. dr	. sc. Željko Hederić	
Član Povjerenstva 1:	lzv. pro	f. dr. sc. Marinko Barukčić	
Član Povjerenstva 2:	Toni Va	irga	
Naslov diplomskog rada:	Simulacija translacijskog elektromagnetnog aktuatora numeričkim simulacijskim alatima		
Znanstvena grana rada:	Elektrostrojarstvo (zn. polje elektrotehnika)		
Zadatak diplomskog rada:	U radu je potrebno proučiti literaturu te opisati elektromagnetske aktuatore za translatorno gibanje. Opisati namjenu te izvedbe translacijskih elektromagnetskih aktuatora. Na primjeru aktuatora iz literature obaviti simulacije istoga u softveru za numeričku analizu el.mag.polja Agros2D ili FEMM s ciljem određivanja parametara aktuatora (induktiviteta). Nakon toga u simulacijskom programu MATLAb ili OpenModelica obaviti simulaciju rada aktuatora koristeći parametre dobijene iz prethodne simulacije. Rezervirano: M. Rošić		
Prijedlog ocjene pismenog dijela ispita (diplomskog rada):	Izvrstan (5)		
Kratko obrazloženje ocjene prema Kriterijima za ocjenjivanje završnih i diplomskih radova:	Primjena znanja stečenih na fakultetu: 2 bod/boda Postignuti rezultati u odnosu na složenost zadatka: 2 bod/boda Jasnoća pismenog izražavanja: 2 bod/boda Razina samostalnosti: 3 razina		
Datum prijedloga ocjene mentora:	10.07.2020.		
Potpis mentora za predaju konačne verzije rada u Studentsku službu pri završetku studija:		Potpis:	
		Datum:	

Imenovanje Povjerenstva za diplomski ispit



IZJAVA O ORIGINALNOSTI RADA

Osijek, 23.07.2020.

Ime i prezime studenta:	Matej Rošić
Studij:	Diplomski sveučilišni studij Elektrotehnika
Mat. br. studenta, godina upisa:	D-1124, 26.09.2019.
Turnitin podudaranje [%]:	3

Ovom izjavom izjavljujem da je rad pod nazivom: Simulacija translacijskog elektromagnetnog aktuatora numeričkim simulacijskim alatima

izrađen pod vodstvom mentora Izv. prof. dr. sc. Marinko Barukčić

i sumentora

moj vlastiti rad i prema mom najboljem znanju ne sadrži prethodno objavljene ili neobjavljene pisane materijale drugih osoba, osim onih koji su izričito priznati navođenjem literature i drugih izvora informacija. Izjavljujem da je intelektualni sadržaj navedenog rada proizvod mog vlastitog rada, osim u onom dijelu za koji mi je bila potrebna pomoć mentora, sumentora i drugih osoba, a što je izričito navedeno u radu.

Potpis studenta:

1. UVOD

Linearni aktuatori su dijelovi strojeva koji pomicanjem po pravocrtnoj liniji obavljaju rad i koriste se za upravljanje različitih industrijskih procesa posebno u automatskom upravljanju. Koriste se za pretvaranje različitih vrsta energije u električnim motorima, u regulaciji procesa u robotici. Postoji više različitih vrsta aktuatora i dijele se prema ulaznoj veličini na:

- Mehaničke
- Elektromehaničke
- Pneumatske
- Hidraulične
- Elektromagnetske.

U ovom diplomskom radu su prikazane vrste linearnih aktuatora sa posebnim naglaskom na elektromagnetske linearne aktuatore od kojih je primjer jedne od podvrsta istih uzet sa izradu geometrijskog modela u programskom paketu Ansys Maxwell te zatim za izradu dinamičkog modela u programskom paketu Matlab gdje su dobivene dinamičke karakteristike elektromagnetskog aktuatora. Simulacijom elektromagnetskih polja u Ansysu su dobiveni elektromehanički parametri koji su korišteni za izradu modela u Matlabu. Model u Matlabu je unaprijeđen u odnosu na postojeći jer su simulacijom djelovanja elektromagnetske sile dobivene vrijednosti iste koje su onda dalje iskorištene u Matlab modelu.

1.1. Zadatak diplomskog rada

U radu je potrebno prikazati postupak izrade i simulacije geometrijskog modela aktuatora u FEM alatu (preporučeni alat je ANSYS Maxwell...). Na temelju simulacija takvog modela treba odrediti elektro-mehničke parametre aktuatora kao ulazne podatke za modeliranje aktuatora u MATLAB/SIMULINKU. Zatim, napraviti model (nadomjesna shema) istog aktuatora u MATLAB/SIMULUNKU te obaviti simulaciju rada aktuatora u dinamičkim stanjima.

2. PREGLED LITERATURE

Autor Grimm [1] prikazao je uvod u elektromagnetizam i teorijski opis elektromagnetski linearni aktuatora. Također istražio je dvije metode dobivanja elektromagnetski sila aktuatora. Jedna se temelji na korištenju reluktancije za stvaranje momenta aktuatora, a druga koristi permanentne magnete i namote za stvaranje momenta.

U literaturi [2] *Simulation of the electromagnetic solenoid using Matlab Simulink* je prikazan matematički model linearnog aktuatora izrađen u Simulinku. Glavna razlika između tog modela i modela prikazanog u ovom diplomskom radu je ta što su elektromagnetska sila i induktivitet u njegovom radu dobiveni analitičkim izračunom pomoću dimenzija aktuatora dok su u ovom diplomskom radu dobiveni simulacijom elektromagnetski polja u Ansysu.

Autori: Topa , Munteanu, Racasan, Hebedean, Oglejan i Vlad su u članku Solenoid Actuator Parametric Analysis and Numeral Modeling prikazali rezultate simulacija elektromagnetski sila i induktiviteta u Ansysu za određeni elektromagnetski linearni aktuator. Korišten je aktuator sa permanentnim magnetom i namotom koji ima jako visoke vrijednosti pogonskih sila.

Na [22, 23] je prikazana izrada linearnog aktuatora u programskom paketu Comsol Multiphysics. Geometrijske dimenzije istog su uzete i u ovom radu s tim da materijali izrade aktuatora i konstante aktuatora nisu iste. Također matematički model u ovom diplomskom radu je izrađen u programskom paketu Matlab dok je autorov izrađen u Comsol Multyphysicsu.

3. ELEKTROMAGNETIZAM

3.1 Definicija, vrste i povijest magnetizma

Prema [1] pod pojmom magnetizma materijala podrazumijevamo svojstvo materijala da privlači ili odbija drugi materijal. Magnetit je crni mineral koji su Grci pronašli u blizini grada Magnesia tisućama godina ranije te su uvidjeli da isti privlači željezo (Slika 3.1.).



Slika 3.1. Prvi prirodni magnet (magnetit) [3]

Povijesni zapisi govore da je oko 600 g. pr. Kr. grčki matematičar i filozof Tales iz Mileta proučavao pojavu statičkog elektriciteta te opisao magnetit kao prirodni kamen koji privlači željezo zato što ima "dušu" [Fowler, 1997].

Kinezi su još u 2. st. proučavajući prirodni magnet uvidjeli da isti teži da se postavi u smjeru sjeverjug ukoliko se postavi da okomito visi. Oko 1100. godine je počela izrada magnetskih kompasa koji su našlu opću primjenu u pomorskoj navigaciji.

William Gilbert je bio prvi čovjek koji je proučavao znanost o magnetizmu i izdao prvu knjigu o istom (De Magnete) 1600. godine i prvi je otkrio da je Zemlja zapravo magnet što je i dokazao različitim eksperimentima [1].

Samo određeni materijali poput nikla, željeza, kobalta i njihovih legura mogu biti magnetizirani [1].

Postoje 3 vrste magnetskih materijala:

- Dijamagnetski
- Feromagnetski
- Paramagnetski

3.1.1 Dijamagnetizam

Prema [4] dijamagnetizam je slabiji oblik magnetizma koji se odnosi na promjenu orbitalnog kretanja elektrona koji stvaraju magnetski moment jako malog iznosa sa smjerom koji je suprotan od smjera prinesenog polja. Dijamagnetizam nalazimo kod većine materijala, ali ga zbog slabe sile promatramo kod materijala koji nemaju druga magnetska svojstva. Primjeri gotovo savršenih dijamagnetika su supervodiči čiji električki otpor iznosi nula. [4]

Da bi izašla iz prinesenog magnetskog polja supervodička struktura se raspada vrlo velikom silom. Supervodiči imaju svojstvo da stvaraju polje iste jačine kao i prineseno samo suprotnog polariteta. Razlog ovome je elektromagnetska indukcija čija definicija govori da ako vodiču otpora nula prinesemo izvor magnetskog polja u tom vodiču se inducira vrtložna električna struja koja stvara polje istog intenziteta kao i prineseno ali različitog polariteta. [4]

Najvažniju primjenu dijamagnetizma nalazimo upravo u supervodičima. Dijamagnetične tvari imaju relativnu permabilnost (μ_r) manju od 1, dok im je magnetska susceptibilnost (χ) negativna. U tablici 3.1. koja je dijelom preuzeta iz [5] su prikazani neki od dijamagnetskih materijala sa odgovarajućim vrijednostima relativne magnetske permabilnosti.

Materijal	Relativna permeabilnost (μ_r)
Bizmut	0,99984
Voda	0,999992
Bakar	0,999994
Srebro	0,9999796

Tablica 3.1. Vrijednosti relativni magnetskih permeabilnosti dijamagnetski materijala [5]

3.1.2. Feromagnetizam

Prijelazni metali poput željeza, kobalta nikla i nekih legura postižu trajno magnetiziranje u vanjskom magnetnom polju. Svojstvo ovih materijala se naziva feromagnetizam. U kristalnim strukturama feromagnetskih materijala postoje područja tzv. domene u koje se usmjeravaju elektroni u nesparenim spinovima. Domene se ponašaju kao jaki izvori magnetskih polja i sadrže atome koji su prirodno orjentirani. U nemagnetiziranom stanju domene različitih feromagnetskih materijala nemaju isto usmjerenje. Pod utjecajem vanjskog magnetnog polja kada se materijal namagnetizira domene se međusobno orjentiraju te dolazi do trajne magnetizacije. Orjentacijom domena dolazi do stvaranja induciranog magnetskog polja . [6]

Svojstvo feromagnetičnosti ovisi o temperaturi. Tako neki feromagnetski materijali na visokim temperaturama prelaze u paramagnetske materijale zbog narušuvanja strukture domena. Ta maksimalna temperatura nakon koje materijal prelazi u paramagnetski se naziva Curieova. [6]

Na slici 3.2. je prikazana orjentacija domena bez utjecaja (a) i pod utjecajem vanjskog magnetskog polja (b).



Slika 3.2. Orjentacija domena: a)prije magnetizacije b)poslije magnetizacije [7]

Neki od najzastupljenijih feromagneta koji se upotrebljavaju u industriji su neodimijski magneti. To je vrsta permanentnih magneta koja nalazi svoju široku primjenu zbog velike jakosti. Slitina neodimijuma, željeza i bora (NdFeB) predstavlja jedan od najjačih magneta koji je ikad napravljen. Imaju mogućnost držanja mase i do 1300 puta veće od vlastite. Svoju primjenu nalaze u električnim strojevima, elektromagnetskim aktuatorima, zvučnicima, računalima i koriste se za razne eksperimente u istraživanjima. Feromagnetski materijali imaju vrlo visoku relativnu permeabilnost. U sljedećoj tablici koja je većim dijelom preuzeta iz [4] su prikazani često upotrebljavani feromagnetski materijali sa odgovarajućim vrijednostima relativne magnetske permeabilnosti.

Materijal	Relativna permeabilnost (μ_r)
Kobalt	250
Nikal	600
Željezo (99.8%)	5000
Željezo (99.95%)	200000
Silikatno GO željezo (mrežni transformatori)	40000
Čelik	50

Tablica 3.2. Vrijednosti relativnih magnetskih permeabilnosti feromagnetskih materijala [4]

3.1.3. Paramagnetizam

Paramagnetski materijali su skupina materijala koji imaju nisku relativnu permeabilnost, ali veću od 1 dok je magnetska susceptibilnost malo veća od 0.

$$\mu_r = (1 + \chi m) > 1, \chi m > 0 \tag{3-1}$$

U ovu skupinu spadaju metali poput paladija i platine, te neki elementi poput natrija, kalija i kisika. Pod utjecajem vanjskog magnetnog polja se magnetiziraju, ali ne zadržavaju magnetizaciju nakon što se polje ukloni. Na slici 3.3. je prikazana orjentacija magnetskih momenata paramagnetskih materijala bez i pod utjecajem magnetskog polja.



Slika 3.3. Orjentacija magnetski momenata feromagnetski materijala [8]

U sljedećoj tablici koja je dijelom preuzeta iz [5] su prikazani neki od paramagnetskih materijala sa odgovarajućim vrijednostima relativne magnetske permabilnosti.

Materijal	Relativna permeabilnost (μ_r)
Aluminij	1.0000196
Platina	1.000265
Paladij	1.008

Tablica 3.3. Relativne permeabilnosti paramagnetskih materijala [5]

3.2. Veličine i svojstva magnetskog polja

3.2.1. Magnetska sila

Vremensku i prostornu povezanost magnetskog i električnog polja najbolje opisuju Maxwellove jednadžbe. Uzrok promjena magnetskog polja su promjene u električnom polju, te poznavajući oba polja u nekom trenutku možemo odrediti nadolazeće vremenske promjene polja.[9]

U magnetskom polju se stvara magnetska sila F koja se definira kao:

$$F = q(v \times B) \tag{3-2}$$

7

gdje je:

- F magnetska sila
- q naboj čestice
- v vektor brzine čestice
- B magnetska indukcija

Dobivena magnetska sila je okomita na smjer magnetskog polja. Za određivanje smjera magnetske sile se koristi pravilo desne ruke koje kaže ako zakrenemo prste desne ruke od v prema B, onda ispruženi palac pokazuje smjer sile F.



Slika 3.4.. Pravilo desne ruke [10]

3.2.2. Magnetsko polje oko ravnog vodiča i zavojnice

Oko ravnog vodiča kojim teče struja se stvara magnetsko polje u obliku koncentričnih kružnica. Pravilom desne ruke se određuje smjer magnetskih silnica gdje palac pokazuje smjer struje dok savijeni prste desne ruke pokazuju smjer magnetskog polja. [11]



Slika 3.5. Pravilo desne ruke pri određivanu smjera struje ravnog vodiča [11]

Prema Amperovom zakonu magnetsku indukciju vodiča beskonačne duljine možemo odrediti prema formuli:

$$B = \frac{\mu I}{2\pi r} \tag{3-3}$$

gdje je:

- *B* magnetska indukcija
- μ relativna magnetska permeabilnost
- I struja oko ravnog vodiča
- r udaljenost od vodiča

Zavojnica se sastoji od većeg broja zavoja (namotaja). Prilikom prolaska električne struje kroz zavojnicu stvara se magnetsko polje oko zavojnice koje je prisutno samo dok njome protječe struja. Što je iznos struje veći to je magnetsko polje u sredini zavojnice jače. Na jačinu magnetskog polja utječe i broj zavoja. S povećavanjem broja zavoja magnetsko polje jača.



Slika 3.6. Zavojnica [12]

Magnetska indukcija zavojnice i jakost magnetskog polja zavojnice se izračunavaju prema sljedećim formulama:

$$B = \frac{\mu NI}{l} \tag{3-4}$$

$$H = \frac{NI}{l} \tag{3-5}$$

gdje je:

- *B* magnetska indukcija
- H jakost magnetskog polja
- l duljina zavojnice
- N broj zavoja
- I jakost struje

Jakost magnetskog polja električne zavojnice se povećava dodavanjem željezne ili čelične jezgre. Zbog vrlo visoke relativne magnetske permeabilnosti feromagnetski materijala poput željeza i čelika se stvara jako magnetsko polje te se magnetski tok usmjerava prema unutrašnjosti zavojnice. Slično kao i kod strujnog kruga magnetski tok mora biti "zatvoren". S obzirom da zrak jako slabo provodi magnetski tok elektromagnetu se dodaje plašt (okvir) čime za magnetski tok zatvara i van zavojnice. [13]

S povećanjem zračnog raspora se smanjuje sila koja se stvara privlačenjem pomičnog dijela željezne armature (kotve). Što je zračni raspor manji to je sila veća. [13] Ovisno o namjeni u industriji imamo razne tipove elektromagneta. Sila koja se dobiva ovisi o materijalu jezgre elektromagneta, a jedni od najjačih elektromagneta koji se koriste u industriji su neodimijski magneti primjenjivi u mnogim granama industrije.

4. IZVEDBA I PRIMJENA TRANSLACIJSKOG AKTUATORA

4.1. Vrste aktuatora

Linearni aktuatori su uređaji koji se upotrebljavaju u mnogim granama industrije kao izvršni elementi za stvaranje potrebne sile u strojevima. Koriste se za pretvaranje različitih vrsta energije u električnim motorima, u regulaciji industrijskih procesa, robotici. Postoji više različitih vrsta aktuatora i dijele se prema ulaznoj veličini na:

- Mehaničke
- Elektromehaničke
- Pneumatske
- Hidraulične
- Elektromagnetske.

U tablici 4.1 koja je preuzeta iz (1) prikazani su različiti tipovi aktuatora sa odgovarajućim karakteristikama:

Vrsta aktuatora	Prednosti	Mane	Primjer	
Mehanički	Niska cijena	Nije automatiziran	Auto-dizalica	
Elektromehanički	Jednostavno	Podložan na	Automatsko	
	upravljanje	mehanička oštećenja	električno	
		pomičnih dijelova	prilagođavanje	
			položaja sjedala u	
			automobilu	
Pneumatski	Niska cijena,	Potreban stalni tlak	Regulacijski ventili,	
	pogodni za srednje	zraka za pokretanje	motori	
	pogonske sile			
Hidraulični	Visoke pogonske	Potreban stalni tlak	Ventili, pumpe	
	sile	fluida za pokretanje		
Elektromagnetski	Minimalni gubici	Slabe pogonske sile	Releji, solenoidi	
	trenja			

A V V - -

4.2. Mehanički i elektromehanički aktuatori

Prema [14] mehanički linearni aktuatori rade na principu pretvaranja mehaničke energije u druge oblike energije kao npr. rotacijskog gibanja u linearno gibanje. Elektromehanički linearni aktuatori se koriste u mnogim granama industrije te se koriste kao osnovni dijelovi industrijskih proizvoda kao što su 3D printeri, CNC - strojevi, skeneri, CD- ROM pogoni u računalnim sustavima, te za automatizaciju mnogih procesa poput električnog prilagođavanja sjedala u automobilu, kod linearnih robota, prilikom automatskog zatvaranja vrata u modernim vlakovima itd.

Prema [14] elektromehanički linearni aktuatori se prema vrsti **pogonskog motora** mogu podijeliti na:

- Servo motori koji u svom kućištu imaju senzor za trenutno očitavanje pozicije motora tzv. enkoder. Pomoću regulatora se u svakom trenutku može mijenjati pozicija osovine motora odnosno moment i brzina vrtnje samog motora. Glavne prednosti servo motora su što i pri velikim brzinama vrtnje zadržavaju okretni moment i imaju velik stupanj korisnosti (do 90%). Također s obzirom na težinu i veličinu motora imaju dosta veliku snagu.
- Koračni motori za razliku od servomotora koji rade u zatvorenoj petlji zbog enkodera, koračni (*steppe*r) motori su jednostavniji i njima se upravlja u otvorenoj petlji. Rade na principu pretvaranja električnih impulsa u mehaničke pomake koji su diskretne prirode. Broj impulsa je proporcionalan poziciji motora dok je frekvencija impulsa proporcionalna brzini vrtnje.
- Ostale vrste motora (hidraulički, pneumatski).

Prema [14] s obzirom na način pretvorbe rotacijskog gibanja u translacijsko razlikujemo:

- Remenski pogon (kod kojeg se pomoću remena vrši pretvorba rotacijskog u translacijsko gibanje)
- Pogon vretenom (pretvorba se vrši trapeznim ili kugličnim vretenom)
- Pogon zupčanicima i zubnom letvom (zupčanici smješteni na osovini motora).

Za određivanje pozicije motora se koriste dvije vrste senzora: senzori blizine i elektromehanički senzori poput sklopke [14].

Na sljedećoj slici se nalazi primjer elektromehaničkog linearnog aktuatora sa servo motorom:



Slika 4.1. Elektromehančki linearni aktuatori [15]

4.3. Pneumatski aktuatori

Prema [16] pneumatski linearni aktuatori kao radni medij koriste stlačeni zrak koji pretvaraju u gibanje. Koriste se kod srednjih i malih opterećenja (30 N-20 kN) u temperaturnom intervalu od -40°C do 100 °C. Pneumatski aktuatori obično imaju ventil, pokretni član pogonjen pneumatskim motorom.

Primjenjuju se u mnogim granama industrije poput automobilske, u automatizaciji procesa, prehrambenoj i farmacetuskoj industriji, medicini itd. [14]

Na sljedećoj slici je prikazano jednosmjerno djelovanje pneumatskog aktuatora.



Slika 4.2. Jednosmjerno djelovanje pneumatskog aktuatora [16]

Prema [16] pneumatski motori se s obzirom na način brtvljenja između motora i klipa dijele na:

- Membranski motori velika snaga, nisko vrijednost trenja
- Klipni motori velika vrijednost trenja, brtvljenje pomoću prstenova
- Motori s mijehom slabo se koriste jer imaju mali pomak.

Regulacijski ventili su izvršni članovi regulacijskog sustava i mehanički se pokreću. Rade na principu prigušnice izazivajući pad tlaka u cijevima i time mijenjanju količinu protoka. [16]

Na sljedećoj slici se nalazi primjer pneumatskog aktuatora koji se često koristi u industriji.



Slika 4.3. Pneumatski aktuator [17]

4.4. Hidraulični aktuatori

Hidraulički linearni aktuatori koriste pritisak fluida za obavljanje linearnog gibanja. Koriste se za visoke pogonske sile i srednje pomake. Koriste se u građevinskoj i poljeprivrednoj industriji za pozicioniranje i premještanje velikih tereta. Fluid koji se najćešće koristi kod hidrauličnih aktuatora je ulje smješteno u spremniku spojenom na hidrauličnu pumpu. Za reguliranje protoka fluida se koriste proporcionalni i elektrohidraulički ventili. Elektrohidraulički ventili u ovisnosti od pomaka kotve u solenoidu propuštaju istu količinu radnog medija. [14] Prema [18] prednosti hidrauličnih aktuatora su:

- Velika brzina odziva
- Manji obujam
- Veliki koeficijent pojačanja snage
- Stabilnost brzine.

Najvažniji nedostaci su prema [18] :

- Visoka razina šuma
- Zagađenje okoliša usred isticanja ulja
- Potreban im je pomoćni izvor energije
- Potreban stalni tlak fluida za pokretanje.

Na sljedećoj slici se nalazi primjer hidrualičkog aktuatora.



Slika 4.4. Hidraulički aktuator [19]

4.5. Elektromagnetski aktuatori

Elektromagnetski linearni aktuatori su aktuatori koji pod utjecajem magnetske sile koja nastaje stvaranjem elektromagnetskog polja odbijaju ili privlače pomični dio aktuatora (kotvu) te na taj način pretvaraju magnetsku energiju u mehaničku.

Elektromagnetski aktuatori se javljaju u oblika solenoida (elektromagneta), kao releji, kao titrajne zavojnice (zvučnici) itd. U ovom radu naglasak će biti na solenoidima odnosno elektromagnetu koji je i korišten u izradi programskog rješenja. Imaju mali pomak te se najćešće koriste kao *on/off* aktuatori. Ovisno u položaju kotve mijenja se i sila i na istu. [20]

Elektromagneti (solenoidi) koji se projektiraju za intermitentni rad moraju imati osigurano

hlađenje nakon svakog pojedinačnog ciklusa rada. Solenoidi koji se koriste za kontinuirani rad se projektiraju tako da za vrijeme rada termički u svakom trenutku podnose struju. Kod naizmjeničnih elektromagneta za sprečavanje vrtložni struja se koristi lamelirano kućište i kotva. [20] Imaju jako veliku preciznost i dobro dinamičko ponašanje koje im omogućuje dostizanje velikih brzina rada s mogućnošću da se brzo zaustave. [20]

Solenoidi se s obzirom na način rada mogu podijeliti na dvije kategorije:

- *Izvlačni* solenoidi
- Uvlačni solenoidi

Na slici 4.5. se nalaze primjeri obe vrste solenoida.



Slika 4.5. Izvlačni i uvlačni tip solenoida [21]

5. PRIKAZ POSTUPKA IZRADE SIMULACIJSKOG GEOMETRIJSKOG MODELA

5.1. Izrada geometrijskog modela u programskom paketu Ansys

Geometrijski model elektromagnetskog aktuatora je izrađen u programskom paketu Ansys Maxwell. Primjer aktuatora koji je korišten za simulaciju se nalazi na slici 5.1. Dimenzije aktuatora su preuzete iz [22, 23] te se nalaze u tablici 5.1. Za izradu modela, postavljanje parametara i shvaćanje naredbi je korišten Ansys Electronics Help Manual [24]. Pojedini dijelovi aktuatora su na slici 5.2.

Dio aktuatora	Dimenzije			
Magnetska jezgra	Debljina jezgre	Debljina jezgre Dužina jezgre (0.048 m)		
	(0.004 m)			
Centralni unutarnji	Širina omotača	Zračni raspor izmeč	đu kotve i omotača	
omotač	(0.0015 m)	(0.0005 m)		
Namot	Dužina namota	Širina namota (0.008 m)		
	(0.04 m)			
Kotva	Promjer kotve	Dužina kotve (0.048 m)	Promjer gornjeg dijela	
	(0.005 m)		kotve (0.003 m)	
Stražnji dio aktuatora	Dužina (0.019 m)	Razmak između	Širina (0.0004 m)	
		stražnjeg dijela i ostalih		
		dijelova aktuatora		
		(0.0005 m)		

Pojedini dijelovi elektromagnetskog aktuatora su (Slika 5.2.) :

- Magnetska jezgra (Oklop)
- Namot
- Centralni unutarnji omotač
- Stražnji dio aktuatora

• Kotva



Slika 5.2. Dijelovi el. Aktuatora u 2D geometriji

Nakon pokretanja programskog alata Ansys Maxwell potrebno je redom izabrati: *Project-Insert Maxwell 2D Design*.



Slika 5.3. Odabir početne geometrije

Nakon početnog odabira potrebno je izabrati mjernu jedinicu (*Units*) iz padajućeg izbornika *Modeler*. Zadana mjerna jedinica je milimetar, a tip simulacije se određuje odabiranjem *Solution type*, gdje se kao tip rješenja izabire *Magnetostatic*, a tip geometrije *Cylindrical about Z*.



Slika 5.4. Odabir mjerne jedinice i tipa simulacije

Nakon odabiranja mjerne jedinice i tipa simulacije je nacrtana geometrija u 2D prikazu prikazana na slici 5.5.



Slika 5.5. 2D geometrija

Namot i unutarnji omotač su izrađeni pomoću naredbe *Draw Rectangle*, dok su ostali dijelovi geometrije nacrtani pomoću naredbe *Polyline*. Pozadinski dio geometrije je također nacrtan naredbom *Draw Rectangle*, iako se isti može izraditi i pomoću naredbe *Draw Region*.

Pojedinim dijelovima geometrije je potrebno dodijeliti pripadajuće materijale. Namotu je 19

dodijeljen materijal bakar (*coppe*r), kotvi materijal *Steel_1008*, unutarnjem omotaču *Aluminum* (aluminij) dok je za materijal magnetske jezgre izabran *Iron* (čelik). Fiksnom dijelu za zaustavljivanje je određen isti materijal kao i za kotvu. Za dodijeljivanje pripadajućeg materijala potrebno je označiti objekt koji želimo, a zatim *Assign material*. Za materijal pozadinskog objekta je izabran vakum (*vacuum*).



Slika 5.6. Odabir materijala

Zbog veće preciznosti izračuna 2D geometriju ćemo prebaciti u 3D pomoću naredbe *Create 3D Design*. Na sljedećoj slici je prikazan izgled 3D geometrije aktuatora.



Slika 5.7. Kreiranje 3D dizajna

5.2. Zadavanje parametara simulacije

Za stvaranje magnetskog polja je potrebno postaviti izvor struje. Da bi zadali struju kroz namot isti je potrebno 'izrezati' odnosno napraviti presjek (*Cross Section*) kroz koji ćemo zadati izvor struje. Potrebno je označiti namot, te izabrati *Edit-Surface-Section* te napraviti presjek namota po YZ geometriji. Za granični uvjet izabran je *Insulating Boundary* jer u geometriji aktuatora imamo dijelove istog koji se dodiruju (namot, omotač i jezgra). Za dodavanje graničnog uvjeta potrebno je označiti unutarnji omotač i magnetsku jezgru te redom *Maxwell 3D-Boundaries-Assign-Insulating*. Nakon toga namot je presječen na dvije površine te stoga moramo razdvojiti te dvije površine pomoću *Edit-Boolean-Seperate Bodies*. Na slici 5.10. je prikazan izgled presjeka namota.



Slika 5.8. Presjek namota



Slika 5.9. Presjek namota



Slika 5.10. Dio namota na koji zadajemo izvor struje

Struju kroz namot zadajemo označavanjem objekta presjeka namota te odabiranjem *Maxwell3D*-*Excitations-Assign-Current*. U polje vrijednosti struje upisujemo 1050, a za jedinicu odabiremo amper. Za tip vodiča potrebno je odabrati *Stranded*.

Current Excitation				×
Name:	Current1			
				_
Value:	1050		A	
Туре:	⊖ Solid	Stranded		
		Swap Direction		
		Use Defaults		
	OK		Cancel	

Slika 5.11. Zadavanje struje kroz namot

Sljedeći parametar koji trebamo izračunati je vrijednost sile na kotvu. Istu zadajemo označavanjem objekta te odabiranjem *Maxwell3D-Parameters-Assign-Force*. Kao tip sile se odabire *Virtual*.

Force Setup		×
Force Post Processing		1
Name: Force1		
Type • Virtual		
C Lorentz		
	ок	Cancel
	U.N.	

Slika 5.12. Zadavanje sile na kotvu

Vrlo važan parametar za računanje je i induktivitet namota. Isti računamo odabiranjem Maxwell3D-Parameters-Assign-Matrix.



Slika 5.13. Zadavanje parametra induktiviteta

U prozorima na slici 5.13. potrebno je uključiti struju (*Current1*) označavanjem kvačice te u izborniku *Post processing* za broj zavoja zadati 200.

Za ovako zadane postavke ćemo dobiti vrijednosti sile i induktiviteta samo za fiksni položaj kotve u odnosu na jezgru solenoida. Stoga moramo zadati pomak kotvi da bi zapravo simulirali rad aktuatora te na taj način došli do vrijednosti induktiviteta i sile za različite pomake. Također postavkom iste moguće je pratiti promjenu magnetskog polja prilikom rada aktuatora. U ovom slučaju potrebno je zadati pomicanje kotve po z-osi u rasponu 0 mm – 20 mm. Dodavanje geometrijske varijable kotvi se može izvršiti na više načina. U ovom radu je pomoću naredbe move izvršen pomak po z-osi. Označavanjem objekta kotve potrebno je naredbom move pomaknuti kotvu iako u ovom slučaju sam pomak nije bitan, bitno je samo da u svojstvima objekta kotve imamo naredbu move u koju ćemo kasnije umetnuti odgovarajuću varijablu za pomak po z-osi, u ovom slučaju varijabla je nazvana "gap". U svojstvima move komande u područje move vectora na treće mjesto umjesto 0 mm (z-os) upisujemo ime varijable (u ovom slučaju gap).

Name	Value	Unit	Evaluated Value	Description
Command Move				
Coordinate Sys Global				
Move Vector 0mm ,0m	im .gap		Omm, Omm, Omm	
Suppress Com				

Slika 5.14. Gap varijabla

Nakon toga potrebno je definirati varijablu i zadati početnu vrijednost na 0 mm.

Add Varia	ble ×
Name	gap
Unit Type	Length
Unit	mm
Value	0
Туре	Local Variable
	OK Cancel

Slika 5.15. Definiranje varijable pomaka kotve po z-osi

Druga varijabla koju je potrebno zadati je varijabla struje. Varijabla struje se zadaje u amperima

po zavoju (Amper per turn). Na slici 5.16. je prikazan postupak postavljanja varijable struje. Ime varijable je *Amp_turn te* se ista kao što je već spomenuto odnosi na amper po zavoju.

Current Excitation	×	Add Variable X
Name:	Current1	Name Amp_turn Unit Type Current
Parameters		Unit A
Value:	Amp_turn	Value 1050
Туре:	C Solid © Stranded	Type Local Variable
	Use Defaults	
	OK Cancel	

Slika 5.16. Definiranje varijable struje

Nakon toga je potrebno postaviti raspon varijabli za parametarsku analizu. Potrebno je redom izabrati *Maxwell3D-Optimetrics Analysis-Add Parametric*.

eep [Add/Edit Sween			×
Cume				
Sync	Variable Amp_turn 💌		Variable Amp_t Linear Cour	Description
	O Single value			
	C Linear step			-
_	C Linear count	Add >>		
	C Decade count			
	Octave count	Update >>		
Opera	C Exponential count			
	Start: 0 A 💌	Delete		
	Stop: 1050 A 💌		<	>
	Count: 11		OK	Cancel

Slika 5.17. Postavljanje raspona vrijednosti varijable Amp_turn za parametarsku analizu

U izborniku je za varijablu Amp_turn potrebno izabrati Linear count (linearni brojač). Kao broj

koraka je postavlja se 11.

Varijabla gap odnosno pomak kotve po z osi se postavlja kao *Linear step* (linearni skok). Početna vrijednost je 0 mm korak je 2 mm odnosno, a za krajnju vrijednost se izabire 20 mm.

Setup Sweep Analysis	×
Sweep	×
Sync Variable gap	Variable Description gap Linear Step from 0mm to 20mr
C Single value C Linear step C Linear count C Decade count C Octave count	Add >>
Opera C Exponential count Start: 0 mm Stop: 20 mm	Delete
Edit Variables V HPC and Analysis Options	OK Cancel

Slika 5.18. Postavljanje raspona vrijednosti varijable pomaka (gap) za parametarsku analizu

Sljedeći korak je postavljanje postavki simulacije. *Potrebno je odabrati Add Solution Setup*. Grešku simulacije zbog točnosti proračuna ćemo smanjiti sa 1% na 0.5 %.

	Opera	tions	⊡ Coordi	nate Systems	So	live Setup ieneral Convergen	ice Expression Cach	e Solver Defaults	×
Analy Se	đ	Paste		Ctrl+V		Name: Adaptive Setup	Setup2	✓ Enabled	
		Add Soluti	ion Setup			Maximum Numb	per of Passes:	10	
perties P		List		>	00000	Percent Error:		0.5	
sage Man		Analyze Al Revert to I Apply Mes	ll nitial Mesh :h Operations	e e at at	succ succ ted.	─ Parameters ──	s Only ix: ⓒ After last p Ĉ Only after o	ass converging	
		Clear Link	ed Data				Use D	lefault	

Slika 5.19. Postavke simulacije

U nastavku je potrebno podesiti izračun sile i matrice induktiviteta u izborniku *Calculations*, te u Options izborniku označiti *Save Fields and Meshes* za proračun elektromagnetski polja.

Setup Sweep Analysis	× Setup Sweep Analysis
Sweep Uerintons Tabin General Calculations Options Solution Calculation Setup1 : LastAdaptive Force1.Force_mag Setup1 : LastAdaptive Matrix1.L(Current1, Current1)	Sweep Definitions Table General Calculations Options Image: Save Fields And Mesh Image: Copy geometrically equivalent meshes Image: Solve with copied meshes only
Setup Calculations Delete Edit Variables HPC and Analysis Options OK Cancel	C Solve with copied meshes and continue adaptive passes

Slika 5.20. Postavljanje izračuna sile i matrice induktiviteta te elektromagnetskih polja

5.3. Rezultati simulacije

Na kraju je potrebno pokrenuti simulaciju koja može trajati satima ovisno o specifikacijama računala.Na sljedećoj slici se nalazi ovisnost induktiviteta zavojnice o pomaku kotve. Promatrana zavojnica ima 200 zavoja tako da vrijednost struje u ovom slučaju iznosi 3.15 A. Kao što je već rečeno struja se zadaje kao amper po zavoju tako da za zavojnicu od 200 zavoja magnetomotornu silu dijelimo sa istim brojem da bi dobili odgovarajuću struju.



Slika 5.21.. Ovisnost induktiviteta zavojnice o pomaku kotve za struju od 3.15 A

Na sljedećoj slici se nalazi ovisnost sile na kotvu za struju od 3.15 A. Kada je kotva izvan zavojnice sila očekivano opada čime je i magnetsko polje slabije. Najveća je vrijednost sile za krajni položaj

kotve.



Slika 5.22.. Ovisnost sile na kotvu o pomaku kotve

Na sljedećoj slici je prikazana ovisnost sile na kotvu o pomaku kotve za maksimalnu struju od 5.25 A



5.23. Ovisnost induktiviteta zavojnice o pomaku za maksimalnu struju od 5.25 A

Na slici 5.24. je prikazana ovisnost induktiviteta zavojnice za maksimalnu struju od 5.25 A.



Slika 5.24. Ovisnost induktiviteta zavojnice o polažaju kotve za maksimlanu struju od 5.25 A

Pomoću naredbe *Create Magnetostatic Report* na slici 5.25. je prikazana ovisnost sile o pomaku kotve za struje u rasponu od 0-5.25 A sa korakom od 0.525 A. Na slici je vidljivo da sa povećanjem struje kroz namot raste i vrijednost sile na kotvu.



Slika 5.25. Ovisnost sile o položaju kotve za sve vrijednosti struje

Induktivitet zavojnice u ovisnosti o položaju kotve je prikazan na slici 5.26. za struje u rasponu od 0-5.25 A.



Slika 5.26.. Ovisnost induktiviteta o položaju kotve za sve vrijednosti struje

5.4 Prikaz elektromagnetskih polja i izračun parametara potrebnih za izradu modela u Matlabu

Na sljedećim slikama je prikazana magnetska indukcija kojom se opisuje učinak magnetskog polja. Na slici 5.27. se nalazi prikaz magnetske indukcije kotve i stražnjeg dijela aktuatora za početni položaj kotve.



Slika 5.27.. Magnetska indukcija za početni položaj kotve

Slika 5.28. predstavlja prikaz magnetske indukcije za pomak kotve u iznosu od 10 mm od početne

pozicije, a slika 5.29. za krajnji pomak kotve u iznosu od 20 mm.



Slika 5.28. Prikaz magnetske indukcije pri pomaku kotve od 10 milimetara



Slika 5.29. Prikaz magnetske inudkcije za maksimalni pomak kotve od 20 milimetara

Za izradu modela u Matlabu je potrebno odrediti i parametre aktuatora, otpor zavojnice i masu pomičnog dijela (kotve). Otpor zavojnice se može izračunati tako što je potrebno prvo izračunati gubitke u bakru namota. Zahvaljujući simulaciji elektromagnetskih polja u polju *Fields* se preko *Calculatora* može doći do vrijednosti gubitaka u bakru. Da bi odredili otpor namota potrebno je dobivenu vrijednost podijeliti sa kvadratom struje.

Fields Calculator	×	Fields Calculator	×
Fields Calculator Named Expressions Name coEnergy Smooth(CoEne appEnergy Smooth(App_E Dhmic_Loss Smooth(Apmic Temperature Smooth(Temp) Volume Force Density <volumeforcef< td=""><td>Context: Maxwell3DDesign1 Solution: Setup1 : LastAdaptive V Field Type: Fields V</td><td>Preios Calculator Name CoEnergy Smooth(CoEne appEnergy Smooth(App_E Delete All Delete All Coenergy Smooth(Temp) Volume Force Density</td><td>Context: Maxwell3DDesign1 Solution: Setup1 : LastAdaptive V Field Type: Fields V</td></volumeforcef<>	Context: Maxwell3DDesign1 Solution: Setup1 : LastAdaptive V Field Type: Fields V	Preios Calculator Name CoEnergy Smooth(CoEne appEnergy Smooth(App_E Delete All Delete All Coenergy Smooth(Temp) Volume Force Density	Context: Maxwell3DDesign1 Solution: Setup1 : LastAdaptive V Field Type: Fields V
Add Copy to stack Library: Load From Scl : Dhmic_Loss	Change Variable Values	Add Copy to stack Library: Load From Save To Scl: 4,22214038226352 Scl: Integrate(Volume(Namot), Ohmic_Loss)	Change Variable Values
Push Pop RIUp RIDn Input General Scalar Quantity + Vec? Geometry - 1/x Constant * Pow Number / √ Function Neg Trig Geom Settings Abs d/d? Read Smooth ∫ Complex Min Domain Max	Exch Clear Undo Vector Output Scal? Value Matl Eval Mag Write Dot Export Divg Curl Tangent Normal Unit Vec Your	Push Pop RIUp RIDn Input General Scalar Quanity + Vec? Geometry - 1/x Constant * Pow Number / √ Function Neg Trig Geom Settings Abs d/d? Read Smooth ∬ Complex Min € Domain Max € Ln Ln Ln	Exch Clear Undo Vector Output Scal? Value Matt Eval Mag Write Dot Export Divg Cul Tangent Normal Unit Vec × Form

Slika 5.30. Prikaz izračuna gubitaka u bakru namota

Prema slici 5.30. su izračunati gubici bakra (P) u namotu koji iznose 4.22. Preko gubitaka u bakru i struje dolazimo do vrijednosti otpora u iznosu od 0.153 Ω .

Za određivanje mase kotve je potrebno poznavati volumen iste te gustoću materijala kotve. Volumen se može odrediti kako je prikazano na slici 5.31, dok je gustoća materijala u ovom slučaju željeza *Steel_1008* pronađena u literaturi.



Slika 5.31. Određivanje volumena pomičnog dijela kotve

Preko formule (4.2) dolazimo do mase pomičnog dijela.

$$\rho = \frac{m}{V} \tag{5-1}$$

 ρ – gustoća željeza

m – masa pomičnog dijela

V – obujam pomičnog dijela

$$\rho = \frac{m}{V} \longrightarrow m = \ \rho \ V = 7850 \frac{kg}{m^3} \times 0.00000371546 \ m^3 = 0.0291 \ kg$$

6. POSTUPAK IZRADE SIMULACIJSKOG MODELA NA RAZINI MREŽE U MATLABU

6.1. Matematički model aktuatora

Prema [2] električni dio možemo postaviti pomoću jednadžbi 2. Kirhoffovog zakona:

$$u = R \cdot i + \frac{d\psi}{dt} \tag{6-1}$$

$$\psi = L(x) \cdot i \tag{6-2}$$

Zbrog promjene induktiviteta derivacija toka iz polazne jednadžbe se rastavlja na dva člana te svaki od njih ovisi o vremenu.

$$u = R \cdot i + L(x)\frac{di}{dt} + i\frac{dL(x)}{dx}\frac{dx}{dt}$$
(6-3)

$$\frac{di}{dt} = \frac{1}{L(x)} \left[u - R \cdot i - i \frac{dL(x)}{dx} \frac{dx}{dt} \right]$$
(6-4)

gdje je:

 $\psi - tok$

- u napon
- *i* struja
- L-induktivitet
- x pomak

Prema [2] mehanički dio sa oprugom je opisan pomoću jednadžbe 2.Newtonovog zakona :

$$\sum F = M \cdot a = M \cdot \frac{dv}{dt} = M \cdot \frac{d^2x}{dt^2}$$
(6-5)

$$F_{fd} - B\frac{dx}{dt} - K(x - x_0) - f_0 = M \cdot \frac{d^2x}{dt^2}$$
(6-6)

$$\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{1}{M} \left[F_{fd} - B \frac{dx}{dt} - K(x - x_0) - f_0 \right]$$
(6-7)

gdje je:

M – masa pomičnog dijela

K – konstanta opruge

 F_{fd} – elektromagnetska sila

B – koeficijent trenja

Djelovanjem elektromagnetske sile pomičnio dio kotva se miče prema unutrašnjosti solenoida i

time se smanjuje reluktancija magnetskog kruga i istodobno se povećava induktivitet. Na kraju ovog procesa elektromagnetska sila je jednaka sili opruge. Djelovanjem mehaničke sile, sile tereta smanjuje se induktivitet i magnetska energija polja se prenosi na mehaničku energiju opruge. [2]

6.2. Izrada modela u programskom paketu Matlab

Nakon što smo odradili simulacije sa geometrijskim modelom u Ansysu i dobili parametre potrebne za izradu simulacijskog modela u Matlabu potrebno je iste učitati u Matlab. U ovom diplomskog radu su iz tablice u Excelu učitani parametri sile, induktiviteta (*Slika 6.1.*).

₽	🞍 Import - C:\Users\Korisnik\Desktop\diplomski_zadnje\ParametricSetup1_Resultnovi.csv							
	IMPORT	VIEW						
0	Delimited Fixed Width	Column delimiter Comma	s:	Range riable Names Row	: A2:E122 : 1	Output Type: Dutput Type: Table Otract Options		
	05	UNITEDS	iona •	CELECT				
1 (ParametricS	etup1 Resultro	vi.csv ×	SELECT	ION	IMPORTED DATA		
=	Δ	B	C	D	F			
	~	Parame	- tricSetup1R	esultnovi	-			
	Variation	Amp_turn	gap1	Force1Forc	Matrix1LCu			
	Number 🔹	Number -	Number	▼Number ▼	Number 👻			
16	15	105A	бmm	0.01297new	1.428e+06nH			
17	16	105A	8mm	0.01411new	1.626e+06nH			
18	17	105A	10mm	0.01658new	1.855e+06nH			
19	18	105A	12mm	0.01806new	2.087e+06nH			
20	19	105A	14mm	0.0215newt	2.404e+06nH			
21	20	105A	16mm	0.02706new	2.745e+06nH			
22	21	105A	18mm	0.04054new	3.198e+06nH			
23	22	105A	20mm	0.07698new	3.882e+06nH			
24	23	210A	0mm	0.0362newt	9.385e+05nH			
25	24	210A	2mm	0.04116new	1.08e+06nH			
26	25	210A	4mm	0.04728new	1.241e+06nH			
27	26	210A	6mm	0.05189new	1.428e+06nH			
28	27	210A	8mm	0.05646new	1.626e+06nH			
29	28	210A	10mm	0.0663newt	1.855e+06nH			
30	29	210A	12mm	0.07224new	2.087e+06nH			
31	30	210A	14mm	0.086newton	2.404e+06nH			
32	31	210A	16mm	0.1082newt	2.745e+06nH			
33	32	210A	18mm	0.1622newt	3.198e+06nH			
34	33	210A	20mm	0.3089newt	3.889e+06nH			
35	34	315A	0mm	0.08144new	9.385e+05nH			
36	35	315A	2mm	0.0926newt	1.08e+06nH			
37	36	315A	4mm	0.1064newt	1.241e+06nH			
38	37	315A	бmm	0.1168newt	1.428e+06nH			

Slika 6.1. Učitavanje parametara dobivenih iz simulacije u Ansysu

Za potrebe učitavanja podataka i računanje parametara je izrađena skripta u Matlabu. Dio skripte se nalazi na sljedećoj stranici na (*Slika 6.2.*).

\mathbb{Z}	Edito	r - C:\Users\Korisnik\Downloads\srce3srce.m
J	srce	3srce.m 🗶 🕂
1		% Parametri za model
2	-	M = 0.0291;
3	-	R = 0.153;
4	-	N = 200;
5	-	K = 250;
6	-	D = 1.5;
7	-	x0=0.006;
8	-	f0 = 0.5;
9		
10		% Sortiraj uèitane podatke
11	-	<pre>MatrixlLCurrentlCurrentlNone = ParametricSetuplResultnovi{1:121,5};</pre>
12	-	<pre>gap1 = ParametricSetup1Resultnovi{1:121,3};</pre>
13	-	<pre>Amp_turn = ParametricSetuplResultnovi{1:121,2};</pre>
14	-	<pre>ForcelForce_magNone = ParametricSetuplResultnovi{1:121,4};</pre>
15		
16		% Skaliraj
17	-	Amp_turn = Amp_turn/N;
18	-	gapl=gapl*le-3;
19	-	<pre>MatrixlLCurrentlCurrentlNone = MatrixlLCurrentlCurrentlNone*le-9;</pre>
20		
21		% Sortiraj u matricu
22	-	<pre>I = unique(Amp_turn(:),'sorted');</pre>
23	-	<pre>x = unique(gapl(:),'sorted');</pre>

Slika 6.2. Dio skripte u Matlabu

Parametri elektromagnetske sile i induktiviteta su u modelu izrađeni preko *Look up* tablica. Na slici 6.4. se nalazi *Look up* tablica koja na izlazu za odgovarajuće vrijednost struje i položaja pomičnog dijela daju elektromagnetsku silu.



Slika 6.3. Look up tablica elektromagnetske sile u modelu

▶	Lookup	Table	Editor:	d	_2016a/F(sila)	
---	--------	-------	---------	---	----------------	--

File Edit Plot Help							
🏝 💭 🔩 📲 🏪 🗠 🗠							
Models:	Viewing "n-D Lookup Table" block data [T(:,:)]:						
🎦 d_2016a 🛛 🗸 🗃	Breakpoints	Column	(1)	(2)	(3)	(4)	(5)
Table blocks:	Row		0	0.002	0.004	0.006	0.00 ^
F(sila)	(1)	0	0.000938500	0.00108	0.001241000	0.001428	0.0(
	(2)	0.525	0.000938500	0.00108	0.001241000	0.001428	0.00
dL(x)/dx	(3)	1.05	0.000938500	0.00108	0.001241000	0.001428	0.00
	(4)	1.575	0.000938500	0.00108	0.001241000	0.001428	0.0(
	(5)	2.1	0.000938500	0.00108	0.001241000	0.001429000	0.0(
	(6)	2.625	0.000938500	0.001081000	0.001242	0.00143	0.001630
	(7)	3.15	0.0009388	0.001081000	0.001243000	0.001432000	0.001632
	(8)	3.675	0.0009393	0.001082	0.001244	0.001433	0.001633
	(9)	4.2	0.0009397	0.001082	0.001245	0.001434000	0.00
	(10)	4.725	0.000940000	0.001083	0.001245	0.001434000	0.001635 🗡
	<						>
	Data Type: Row:	double 🗸 (Column: doubl	e 🗸 Table: 🛛	double $ \smallsetminus $		
	Dimension Selecto	or:					
	Dimension s	ize	11	11			
	Select 2-D sl	ice	All 🗸	All	\sim		
	🗌 Transpose disp	lay					
	,						

Slika 6.4. Podaci u Look up tablicama

Vrijednosti induktiviteta za različite parametre pomaka i struje je također dobivena iz *Look up* tablice.

U tablici 6.1. su prikazane konstante korištene u izradi modela.

Masa pomičnog dijela (<i>M</i>)	0.0191 [<i>g</i>]			
Otpor zavojnice (<i>R</i>)	0.0153 [<i>Ω</i>]			
Broj zavoja (N)	200			
Konstanta opruge (K)	250			
Koeficijent trenja (D)	1.5			
Sila tereta (f_0)	0.5 [N]			
Statički pomak opruge (x_0)	0.006 [<i>mm</i>]			

Na slici 6.5. se nalazi cjelokupni model izrađen u Matlabu.

 \times



Slika 6.5. Matlab model aktuatora

Napon je zadan u rasponu 0-0.75 V.

Na slici 6.6. je prikazan induktivitet u ovisnosti od pomaka i struje iz rezultata dobivenih u Ansysu. Primjećujemo da s porastom struje induktivitet ostaje isti jer materijal nije otišao u magnetsko zasićenje.



Slika 6.6.. Ovisnost induktiviteta o struji i pomaku kotve

Ovisnost sile o struji i pomaku kotve je prikazana na slici 6.7.



Slika 6.7. Ovisnost elektromagnetske sile o struji i pomaku kotve

6.3. Dinamičke karakteristike elekromagnetskog aktuatora

Narinuti napon na zavojnicu je u iznosu od 0.75 V. Na slici 6.8. se nalazi valni oblik napona dok su na slici 6.9. prikazane postavke skokovite promjene napona.



Slika 6.9. Postavke bloka

Dinamička karakteristike aktuatora se prikazane redom na slikama od 6.10. do 6.14.



Slika 6.10. Valni oblik struje

Na slici 6.11. vidimo da se kotva pomakne za otprilike 3 mm izvan solenoida zbog djelovanja sile tereta. Također promjenu položaja kotve prati i promjena induktiviteta. Ove dvije veličine imaju isti valni oblik jer se zapravo linearno mijenjaju što je vidljive sa slike 6.6.



Slika 6.11. Promjena položaja kotve

Na slici 6.12. je prikazana sila tereta u iznosu od 0.5 N kojom se tereti u prvoj sekundi. Terećenje traje 0.5 s.



Slika 6.12. Sila terećenja



Na slici 6.13. vidimo da prilikom terećenja imamo pad elektromagnetske sile za otprilike 0.4 N.

Slika 6.13. Elektromagnetska sila

Induktivitet prilikom terećenja također opada jer kotva izlazi izvan solenoida.





Na sljedećim slikama (6.15-6.19.) su prikazane dinamičke karakteristike aktuatora za nagibnu (*ramp*) pobudu. Nagib je u trajanju od 0.2 s, te je vidljivo da su za takav nagib u odnosu na skokovitu promjenu napona oscilacije promatranih veličina minimalne.



Na slici 6.17. je prikazan valni oblik struje. Početnih oscilacija gotovo da nema dok prilikom terećenja imamo blage oscilacije.



Na slici 6.18. je prikazan valni oblik napona za nagibnu pobudu u trajanju od 0.2 s. Nakon 0.7 s sekundi napon se ustaljuje na vrijednost od 0.75 V.



Na slici 6.19. je prikazana elektromagnetska sila. U odnosu na skokovitu pobudu vidimo da nema početnog skoka elektromagnetske sile odnosno elektromagnetska sila se ustaljuje u konstantnu vrijednost, dok u prvoj sekundi prilikom terećenja dolazi do oscilacija veličine elektromagnetske sile.



Na slikama 6.20. do 6.24. su prikazane dinamičke karakteristike aktuatora za pobudu s nagibnom funkcijom u trajanju od 0.02 s. Na slikama je vidljivo da za ovo vrijeme nagiba i sva druga kratkotrajnija vremena nagiba imamo veće početne oscilacije veličina.



Slika 6.20. Promjena položaja kotve



Na slikama 6.25. 6.26. i 6.27 su prikazane dinamičke karakteristike aktuatora uz skokovitu pobudu za konstantu opruge u iznosu 500, a na slikama 6.28. i 6.29. i 6.30. za konstantu 750. Vidimo da s povećanjem konstante opruge (Slika 6.26. i Slika 6.29.) pomak kotve je manji nego kod manjih vrijednosti konstante. Fizikalno objašnjenje je ogledno u tome što je konstanta opruge veća to je opruga čvršća odnosno manje elastična, time je i pomak i elektromagnetska sila manja. Također prema slikama vidimo da su oscilacije ostalih veličina veće što bi značilo da prilikom projektiranja regulatora bi trebalo dobro poznavati konstantu opruge. Što je vrijednost konstante opruge manja opruga je elastičnija te kotva ima veći hod unutar solenoida te su oscilacije veličina manje.





1.2

0.8

0.2

0.4

0.6

1.8

1.6





1 Vrijeme (s) 1.2

0.8

Pomak (m)

6.5

0.2

0.4

0.6

1.8



Slika 6.30. Elektromagnetska sila za konstantu opruge 750

7. ZAKLJUČAK

U ovom diplomskom radu je prikazan teorijski uvod u povijest elektromagnetizma i njegove vrste. Nakon toga su obrađene sve vrste linearnih aktuatora sa detaljnim osvrtom na elektromagnetske. Praktični dio rada je izrađen u programskom paketu Ansys Maxwell i Matlab. Cilj je bio izraditi geometrijski model zadanog linearnog elektromagnetskog aktuatora. U radu je korišten 3D model. Simulacijom elektromagnetski polja i ručnim pomicanjem pomičnog dijela aktuatora su dobiveni elektromehanički parametri linearnog aktuatora (induktivitet i sila). Također matematičkim izračunom pomoću podataka iz Ansysa su dobiveni parametri mase pomičnog dijela aktuatora i otpora zavojnice. Prilikom propuštanja napona kroz zavojnicu dolazi do stvaranja električne struje, te pod djelovanjem elektromagnetske sile dolazi do pomicanja kotve u unutrašnjost solenoida prilikom čega dolazi do povećanja induktiviteta. Induktivitet se smanjuje prilikom djelovanja mehaničke sile kada se kotva pomiče u suprotnu stranu. Oscilacije dinamičkih veličina zavise od konstante opruge te zbog toga bi prilikom projektiranja regulatora trebalo dobro poznavati konstantu opruge. Induktivitet ne ovisi o veličini struje zbog toga što materijal ne odlazi u magnetsko zasićenje. Za struju od otprilike 5 A dobivene su vrijednosti pogonske sile od oko 1.8 N, a vrijednost induktiviteta u iznosu od 2.25 mH, dok je u literaturi [2] dobivena vrijednost pogonske sile od oko 12.5 N s induktivitetom u iznosu oko 9 mH. Dobivene vrijednosti su istog reda veličine, ali ovise o materijalu izrade aktuatora i dimenzijama istog. Također obrađen je i slučaj sa nagibnom pobudom od 0.2 s pri čemu je vidljivo da su početne oscilacije dinamičkih veličina bitno smanjene dok pri nagibnom vremenu od 0.02 s oscilacije veličina postaju veće.

LITERATURA

 J.J. Grimm, Electromagnetic linear actuator- Design, Manufacture and Control, University of Southern Queensland Faculty of Engineering and Surveying, 2009, dostupno na (6. 7. 2020.):

https://eprints.usq.edu.au/8415/1/Grimm_2009_Main_Project.pdf

Simulation of the electromagnetic solenoid using Matlab Simulink , dostupno na (6. 7. 2020.):

- 3. <u>http://geomuseum.tu-</u> clausthal.de/minerale.php?section=21400&level=10&name=Magnetit&details=on
- 4. Artas, Magnetizam, dostupno na (6. 7. 2020.): https://www.artas.hr/magneti/magnetizam.htm
- 5. Robert A. Hein; Thomas L. Francavilla; Donald H. Liebenberg; Magnetic susceptibility of superconductors and other spin systems, West Virginia, Coolfront, May 1991.
- 6. Feromagnetizam, dostupno na (6. 7. 2020.):
 http://physics.mef.hr/Predavanja/Tvari_u_mag_p/main8.html
- 7. https://www.electrical4u.com/ferromagnetic-materials/
- 8. <u>https://thefactfactor.com/facts/pure_science/chemistry/physical-chemistry/magnetic-properties-of-solids/8110/</u>
- 9. Maxwellove jednadžbe. Hrvatska enciklopedija, mrežno izdanje. Leksikografski zavod Miroslav Krleža, 2020. dostupno na (6. 7. 2020.): http://www.enciklopedija.hr/Natuknica.aspx?ID=70457
- 10. V. Komen, Magnetska polja i elektromagnetizam, dostupno na (6. 7. 2020.): <u>https://www.veleri.hr/files/datotekep/nastavni_materijali/k_sigurnost_1/ELEK_POG_04.</u> <u>pdf</u>
- 11. Magnetsko polje električne struje, dostupno na (6. 7. 2020.): <u>https://edutorij.e-skole.hr/share/proxy/alfresco-noauth/edutorij/api/proxy-guest/452e1469-e362-4711-abcb-6f535c3b5254/html/7582_Magnetsko_polje_elektricne_struje.html</u>

- 12. Električni induktivitet, dostupno na (6. 7. 2020.): https://www.wikiwand.com/hr/Elektri%C4%8Dni_induktivitet
- 13. Elektromagnet, dostupno na (6. 7. 2020.): <u>https://hr.wikipedia.org/wiki/Elektromagnet</u>
- 14. H. Pranjić, Završni rad "Sustav za precizni linearni transport laganih tereta, Veleučilište u Karlovcu, Strojarski odjel, Stručni studij Mehatronike, 2017, Pr dostupno na (6. 7. 2020.): <u>https://repozitorij.vuka.hr/islandora/object/vuka%3A796/datastream/PDF/view</u>
- 15. <u>https://www.motioncontroltips.com/thomsons-electromechanical-linear-actuators-now-offered-servo-motors/</u>
- 16. J. Velagić, Lekcija 9, Pneumatski aktuatori, Elektrotehnički fakultet Sarajevo, dostupno na (6. 7. 2020.):, <u>https://pdfslide.net/documents/pneumatski-aktuatori-lekcija-9.html</u>
- 17. Pneumatski aktuator, <u>https://www.e-kompresori.rs/sr/pneumatika/pneumatski-</u> cilindri/iso-6431/pneumatski-cilindar-dnc-32x25-s
- J. Velagić, Lekcija 10, Hidraulički aktuatori, Elektrotehnički fakultet Sarajevo, dostupno na (6. 7. 2020.):, <u>http://people.etf.unsa.ba/~jvelagic/laras/dok/Lekcija10.pdf</u>
- 19. Hidraulički aktuator, <u>https://www.indiamart.com/proddetail/hydraulic-cylinder-</u> <u>13441456873.html</u>
- 20. Aktuatori, dostupno na (6. 7. 2020.): https://www.ucg.ac.me/skladiste/blog_8554/objava_30673/fajlovi/aktuatori.pdf
- 21. <u>https://www.allaboutcircuits.com/technical-articles/solenoids-understanding-actuation-and-voltage-polarity/</u>
- 22. N. Paudel, Comsol Blog, dostupno na (6. 7. 2020.): <u>https://www.comsol.com/blogs/part-</u> <u>1-how-to-model-a-linear-electromagnetic-plunger/</u>
- 23. N. Paudel, Comsol Blog, dostupno na (6. 7. 2020.): <u>https://www.comsol.com/blogs/part-</u> 2-model-a-linear-electromagnetic-plunger-with-a-blocker//
- 24. Ansys Electronics, 18.2 Help Manual

SAŽETAK

U ovom diplomskom radu je prikazan teorijski uvod u elektromagnetizam i vrste magnetskih materijala. Prikazane su vrste linearnih aktuatora te je nakon toga izrađen geometrijski model elektromagnetnog linearnog aktuatora u programskom paketu Ansys. Simulacijom elektromagnetski polja i elektromagnetske sile dobiveni su paramatri potrebni za izradu matematičkog modela aktuatora. Isti je izrađen u Matlab Simulinku te su dobivene dinamičke karakteristike aktuatora.

Ključne riječi: Elektromagnetizam, elektromagnetni linearni aktuator, matematički i geometrijski model aktuatora

ABSTRACT

SIMULATION OF TRANSLATION ELECTROMAGNETIC ACTUATOR WITH NUMERICAL SIMULATION TOOLS

This thesis presents a theoretical introduction to electromagnetism and types of magnetic materials. The types of linear actuators are presented, after which a geometric model of the electromagnetic linear actuator in the Ansys software package was created. By simulating the electromagnetic field and electromagnetic force, the parameters needed to create a mathematical model of the actuator were obtained. It was made in Matlab Simulink and the dynamic characteristics of the actuator were obtained.

Key words: Electromagnetism, electromagnetic linear actuator, mathematical and geometric model of actuator

ŽIVOTOPIS

Matej Rošić rođen je 13.12. 1995. u Frankfurtu, Njemačka. Trenutno ima prebivalište u Domaljevcu u Bosni i Hercegovini. 2010. godine završava Osnovnu školu Braće Radića u Domaljevcu sa odličnim uspjehom, a 2014. završava Srednju školu fra Martina Nedića u Orašju smjer Opća gimnazija također sa odličnim uspjehom. Nakon toga, 2014. godine se upisuje na prvu godinu preddiplomskog studija elektrotehnike na Fakultetu elektrotehnike, računarstva i informacijskih tehnologija u Osijeku te nakon završene prve godine odabire smjer elektroenergetika. Na diplomskom studiju smjera elektroenergetike upisuje izborni blok DEC-industrijska elektroenergetika.

U Osijeku, srpanj 2020.

MATEJ ROŠIĆ

PRILOZI

REZULTATI SIMULACIJE IZ ANSYSA

Struja (A)	Pomak kotve [mm]	Elektromagnetska sila [N]	Induktivitet [mH]
0	0	0	0.9385
0	2	0	1.08
0	4	0	1.241
0	6	0	1.428
0	8	0	1.626
0	10	0	1.855
0	12	0	2.087
0	14	0	2.404
0.525	0	0.009049	0.9385
0.525	2	0.01029	1.08
0.525	4	0.01182	1.241
0.525	6	0.01297	1.428
0.525	8	0.01411	1.626
0.525	10	0.01658	1.855
0.525	12	0.01806	2.087
0.525	14	0.0215	2.404
1.05	0	0.0362	0.9385
1.05	2	0.04116	1.08
1.05	4	0.04728	1.241
1.05	6	0.05189	1.428
1.05	8	0.05646	1.626
1.05	10	0.0663	1.855
1.05	12	0.07224	2.087
1.05	14	0.086	2.404
1.575	0	0.08144	0.9385
1.575	2	0.0926	1.08
1.575	4	0.1064	1.241
1.575	6	0.1168	1.428
1.575	8	0.127n	1.626
1.575	10	0.1492	1.855
1.575	12	0.1627	2.087
1.575	14	0.194	2.404
2.1	0	0.1448	0.9385
2.1	2	0.1646	1.08
2.1	4	0.1891	1.241
2.1	6	0.2077	1.428
2.1	8	0.2263	1.626
2.1	10	0.2661	1.855
2.1	12	0.2903	2.087
2.1	14	0.3463	2.404
2.625	0	0.2262	0.9385
2.625	2	0.2574	1.08

2.625	4	0.296	1.241
2.625	6	0.3252	1.428
2.625	8	0.354	1.626
2.625	10	0.4168	1.855
2.625	12	0.4548	2.087
2.625	14	0.5426	2.404
3.15	0	0.2262	0.9385
3.15	2	0.257	1.08
3.15	4	0.296	1.241
3.15	6	0.325	1.428
3.15	8	0.3543	1.626
3.15	10	0.4168	1.855
3.15	12	0.4548	2.087
3.15	14	0.5426	2.404
3.675	0	0.326	0.9385
3.675	2	0.3711	1.08
3.675	4	0.4269	1.241
3.675	6	0.4691	1.428
3.675	8	0.5112	1.626
3.675	10	0.6015	1.855
3.675	12	0.6562	2.087
3.675	14	0.7831	2.404
4.2	0	0.4442	0.9385
4.2	2	0.5057	1.08
4.2	4	0.5818	1.241
4.2	6	0.6394	1.428
4.2	8	0.6967n	1.626
4.2	10	0.8199	1.855
4.2	12	0.8945	2.087
4.2	14	1.068	2.404
4.725	0	0.5807	0.9385
4.725	2	0.6612	1.08
4.725	4	0.7607	1.241
4.725	6	0.8361	1.428
4.725	8	0.9111	1.626
4.725	10	1.072	1.855
4.725	12	1.1	2.087
4.725	14	1.396	2.404
5.25	0	0.9087	0.9385
5.25	2	1.035	1.08
5.25	4	1.191	1.241
5.25	6	1.309	1.428
5.25	8	1.426	1.626
5.25	10	1.678	1.855
5.25	12	1.83	2.087
5.25	14	2.182	2.404
·			